



## Formulele de transformare ale spațiului și timpului

“ Lumina este umbra Lui Dumnezeu ”     A. Einstein

În luna septembrie , anul 1905 , în revista ” Annalen der Physik ” , un tânăr fizician evreu publica un articol intitulat modest ” Despre electrodinamica corpurilor în mișcare ” . Autorul era un obscur functionar al Biroului de Brevete din Berlin , pe nume Albert Einstein .

Nici un om nu bănuia ce se va întâmpla , uriașa revoluție științifică ce va fi stârnită de acest articol . Cum era de așteptat aproape nimeni nu a luat în considerație îndrăzneța lucrare a lui Einstein . Recunoașterea a venit mult mai târziu . Chiar după mai bine de un deceniu și jumătate , marea parte a lumii academice nu vroia să accepte Teoria Relativității , motiv pentru care în anul 1921 , când i-a fost înmănat Premiul Nobel lui Einstein , motivul principal invocat a fost ” Pentru explicarea efectului fotoelectric “ , și nu pentru relativitate . Un mare savant se zice că i-ar fi spus lui Einstein că

revoluția ce o va stârni teoria sa , va fi poate egalată doar de cea izbucnită după publicarea sistemului geocentric de către Nicolaus Copernic .

Încă de la debutul lucrării sunt prezentate cele două principii fundamentale pe care se clădește întreg edificiul Teoriei Relativității :

1.Principiul constanței vitezei luminii în vid .

2.Principiul Relativității.

Primul ne vorbește despre faptul că viteza luminii este aceeași pentru toate sistemele de referință inerțiale , al doilea despre echivalența acestora în raport cu legile naturii . Aceste două principii au fost prezentate și explicate în capitolele anterioare .

Fizica lui Newton va deveni astfel un caz particular al Teoriei Relativității , valabilă doar pentru viteze relativ mici în comparație cu cea a luminii .

Relativitatea a schimbat totul . Cele mai elementare noțiuni despre spațiu , timp , masa , energie și Univers vor fi supuse relativizării .

Poate unul dintre cele mai inedite și interesante efecte ale relativității este scurgerea timpului în mod diferit pentru diverse SRI-uri , cunoscutul fenomen de dilatare temporară . Despre acest fenomen și despre cel de contracție spațială se va vorbi în acest capitol . Pentru înțelegerea acestora este destul să facem unele mici experimente mintale .

Fie două SRI-uri  $oxyz$  și  $o'x'y'z'$  care se deplasează unul față de celalalt cu viteza  $v$  .

### Desen cu SRI-uri

Să ne imaginăm că în aceste două SRI-uri se afla doi observatori , unul în sistemul  $oxyz$  iar celalalt în sistemul  $o'x'y'z'$  . Din punctul de vedere al fiecăruia , sistemul său se afla în repaos în timp ce sistemul celuilalt se află în mișcare cu viteza  $v$  . În SRI-ul  $o'x'y'z'$  în origine ( $o'$ ) se află o sursă de lumină , iar la distanțe egal depărtate de aceasta sursă se află două oglinzi de-a lungul axelor  $o'x'$  și  $o'y'$  ,  $o_1$  respectiv  $o_2$  . Lungimea acestor brațe este

evident egală , însă din motive ce vor deveni mai clare ulterior să notăm brațul  $o'x'$  cu  $l_1$  și brațul  $o'y'$  cu  $l_2$  . Fie  $l_1 = l_2 = l$  .

Desen cu SISTEMUL  $o'x'y'z'$

La un moment dat din sursa  $o'$  pornesc simultan două raze de lumină , una de-a lungul brațului  $l_1$  , cealaltă de-a lungul brațului  $l_2$  , spre oglinzile  $o_1$  și  $o_2$  . După reflexia pe cele două oglinzi , razele se vor întoarce înapoi în punctul  $o'$  . Observatorul din  $o'x'y'z'$  nu va observa nimic neobișnuit . Cum  $l_1$  și  $l_2$  sunt egale , intervalele de timp necesare parcurgerii acestor distanțe sunt egale , deci razele vor ajunge în același timp în  $o'$  ( se observă asemănarea cu dispozitivul lui Michelson ) . Aceste intervale vor fi :  $t_1 = t_2 = t = 2l/c$  ec.(1) ( unde  $c$  este viteza luminii în vid ) .

Pentru observatorul din  $oxyz$  intervalul de timp în care se petrece acest fenomen , plecarea razelor de lumină din  $o'$  și ajungerea lor în același punct va fi alta . Iată de ce .

Desen cu schema traiectoriei razei de lumina observata din SRI-ul  $o'x'y'z'$

În primul rând traiectoria razei de lumină ce se propagă de-a lungul brațului  $l_2$  va fi mai mare decât în cazul în care observația se face în SRI-ul  $oxyz$  după cum se observă în figură . Aceasta nu va mai fi perpendiculară pe direcția mișcării , deoarece în timp ce raza se îndreaptă spre oglinda  $o_2$  , aceasta se deplasează cu viteza  $v$  în direcția indicată . Această traiectorie este cu atât mai mare cu cât viteza de deplasare relativă a unui sistem față de celălalt este mai mare . Intervalul de timp total ( dintre plecarea și sosirea razei în  $o'$  ) va fi , folosind teorema lui Pitagora :  $T = 2\sqrt{l_2^2 + v^2 T^2/4} / c$  , dar din ec. (1)  $l_2 = tc/2$  , și cum  $l_2 = l$  , rezultă :  $T = 2\sqrt{t^2 c^2/4 + v^2 T^2/4} / c$  ridicând la pătrat obținem :  $T^2 c^2 = 4(t^2 c^2/4 + v^2 T^2/4)$  și simplificând  $T^2 (c^2 - v^2) = t^2 c^2$  de unde rezultă  $t^2/T^2 = 1 - v^2/c^2$  sau  $t/T = \sqrt{1 - v^2/c^2}$  sau  $T = t / \sqrt{1 - v^2/c^2}$  . ec. (2).

Am obținut astfel formula de dilatare a duratelor , deoarece factorul  $\sqrt{1 - v^2/c^2}$  este , după cum se poate observa , subunitar . Cu alte cuvinte dacă durata unui fenomen într-un sistem de referință inerțial este  $t$  , durata aceluiași fenomen observat din alt SRI care se deplasează față de primul cu viteza  $v$  va fi :  $t / \sqrt{1 - v^2/c^2}$  , deci o durată mai mare .

Însă ce se întâmplă cu raza de lumină ce se propaga de-a lungul brațului  $l_1$  ?

Desen cu sistemul  $o'x'y'z'$  în care se propaga raza de-a lungul axei  $o'x'$ .

În acest caz  $l_1$  nu va mai fi egal cu  $l_2$  sau cu  $l$  . Iată de ce . Intervalul de timp dintre plecarea razei din  $o'$  înspre oglinda  $o_1$  și ajungerea la aceasta va fi  $T_1 = l_1/c - v$  , deoarece în timp ce raza se îndreaptă spre  $o_1$  , oglinda “ fuge ” în aceeași direcție . Imediat după reflexie raza va ajunge în punctul de origine după  $T_2 = l_1/c + v$  . Timpul total  $T$  de la plecarea din  $o'$  până la

ajungerea în același punct va fi  $T = T_1 + T_2$ ,  $T = l_1 \left( \frac{1}{c-v} + \frac{1}{c+v} \right)$  sau  $T = \frac{2l_1 c}{c^2 - v^2}$ , amplificând fracția cu  $c$  rezultă  $T = \frac{2l_1}{c} \frac{c^2}{c^2 - v^2}$  sau  $T = \frac{2l_1}{c} \frac{1}{1 - v^2/c^2}$  ec.(3). Egalând ecuațiile (2) și (3), rezultă  $\frac{2l_1}{c} \frac{1}{\sqrt{1 - v^2/c^2}} = \frac{2l_1}{c(1 - v^2/c^2)}$  de unde obținem  $l_1 = l_1 \sqrt{1 - v^2/c^2}$ , formula de contracție spațială. De reținut este faptul că acest fenomen de contracție are loc doar pe direcția mișcării, motiv pentru care s-au notat cele două brațele cu  $l_1$  și  $l_2$ . În cazul în care ar avea loc contracții și pe alte direcții s-ar obține o serie de paradoxuri ușor de imaginat.

Nu puțini au fost cei care au crezut inițial că aceste efecte relativiste (dilatarea temporară și contracția spațială) sunt doar niște iluzii optice, neavând nici o legătură cu ce se întâmplă în realitate. Bineînțeles că aceste supoziții sunt false.

Să ne închipuim că în figura de mai jos se află o tânără în sistemul  $o'x'y'z'$ , ce se deplasează față de noi cu viteza  $v$ .

Figura cu un sistem de coordonate

Din cauza fenomenului de contracție spațială, aceasta va părea mai subțire decât este în realitate, mai exact, cu atât mai subțire cu cât viteza sistemului în care se află se deplasează mai repede față de noi. În același timp această domnișoară va părea că îmbătrânește mult mai greu, din cauza scurgerii diferite a timpului în cele două SRI-uri. Însă, din păcate pentru ea, nu va putea fi admirată îndeajuns din cauza vitezei mari cu care se va deplasa, ca să nu mai vorbim despre faptul că deși pare mai slabă, are de fapt câteva kilograme în puls, din cauza altui efect relativist despre care se va vorbi în capitolele următoare.



